

A 因自过去而至的残响起舞

idea from Chuzyh

假设前 i 天捏的总次数是 a_i ，那么当 $i \geq 3$ 时，有递推关系 $a_i = a_{i-1} + \lfloor \frac{a_{i-1}}{2} \rfloor$ ，那么 a_i 会近似变成 a_{i-1} 的 $\frac{3}{2}$ 倍。所以随着天数增加，捏的次数是指数级增长的。实际上在 $i = 104$ 时， a_i 就已经 $> 10^{18}$ 了。

那么只要按照题意模拟即可通过此题。

B 她的想法、他的战斗

idea from Chuzyh

首先发现售价的期望是一个定值 $\frac{L+R}{2}$ ，买到商品的概率为 $\frac{p-l}{r-l}$ 。

显然当 p 不在 $[l, r]$ 区间内时是不优的，如果 $p < l$ 利润就一定是0（因为买不起商品），如果 $p > r$ 利润就一定不如 $p = r$ 的情况，所以自变量 p 的范围是 $[l, r]$ 。

那么期望利润为 $\frac{p-l}{r-l} * (\frac{L+R}{2} - p)$ 。

这是一个关于 p 的二次函数，我们判断一下其对称轴的 x 坐标是否在取值范围内，如果在，对称轴上的函数值，否则输出取值范围两端的函数较小值即可。

如果你的程序中有0乘以一个负数的情况，结果可能会变成-0，需要在输出时特判一下。

C 言论的阴影里妄想初萌

idea from nqiiii

我们可以对于每一个点集，计算它有多少的概率成为独立集。

对于一个大小为 i 的点集，这个点集之间的点两两之间一共有 $\frac{1}{2}i(i-1)$ 条边，而这些边都必须被摧毁。所以这个点集成为独立集的概率就是 $(\frac{x}{y})^{\frac{1}{2}i(i-1)}$ 。

所以答案就是 $\sum_{i=0}^n \binom{n}{i} \times (\frac{x}{y})^{\frac{1}{2}i(i-1)}$ 。

D 错综的光影所迷惑的思念是

idea from nqiiii

f 函数就是一个点集的直径的长度。容易证明一个点集所有直径的中点是相同的。

如果一个点集直径为 i ，假设直径的中点为 p ，那么点集中所有点到点 p 的距离都 $\leq \frac{i}{2}$ ，并且删掉点 p 后，存在至少两个连通块，满足它们中存在至少一个点与点 p 的距离为 $\frac{i}{2}$ 。

那么我们枚举直径的中点(可能在一个点上或边的中点上)，然后容易使用 dp 计算出方案数。

E 情报强者追逐事件

idea from Chuzyh

首先发现这是一个基环森林，对于环上挂着的树，可以树形DP求解：

- 我们先假设环不存在，剩下的图是一个森林。
- 设第 i 个点最终醒来的概率为 dp_i ，那么 $dp_i = p_i + (1 - p_i) * (1 - \prod_{j \in son_i} (1 - dp_j * e_j))$ 。

那么对于原图上不在环上的点，它的答案就是 dp 值。

然后我们再考虑把原图的问题转换为若干个环上的问题。（也就是把挂在环上的树的信息合并到环上的点上，把每个基环树看成一个环）

对于环上的点，我们可以把 dp 值当成这个点自己醒来的概率。

接下来我们把转化后的问题重新描述一下：

- 有 n 个点在睡觉，每个点有 dp_i 的概率自己醒来，第 i 个点醒来后会以 e_i 的概率叫醒第 $i + 1$ 个点（第 n 个点会去叫第1个点，问每个点醒来的概率。

为了叙述方便，接下来把 i 会叫醒 $i + 1$ 的出卖自由关系称为 i 到 $i + 1$ 的有向边，这条边有 e_i 的概率存在， $1 - e_i$ 的概率消失。

先把环拆开，列成1到 n 的一排，然后倍长一下接在后面。

当我们要算第 i 个点的答案的时候，可以考虑计算第 $n + i$ 个点，这样就可以把第 $n + i$ 个点的答案变得只和 $[i - n + 1, i]$ 这个区间内的点有关了。

由于点自己醒来的概率和边存在的概率是独立的，在计算第 i 个点的答案时（ $i \in [n + 1, 2n]$ ），我们考虑枚举第 i 个点前面的边的联通情况。

那么

$$ans_i = (\sum_{j=i-n+1}^i (1 - \prod_{k=j}^i (1 - dp_k)) * (\prod_{k=j}^{i-1} e_k) * (1 - e_{j-1})) + (1 - \prod_{j=i-n+1}^i (1 - dp_j)) * \prod_{k=i-n+1}^{i-1} e_k$$

。然后发现我们在 i 遍历 $n + 1 \dots n + n$ 时可以 $O(1)$ 维护 $\sum_{j=i-n+1}^i ((\prod_{k=j}^{i-1} e_k) * (1 - e_{j-1}))$ 和 $\sum_{j=i-n+1}^i \prod_{k=j}^i (1 - dp_k)$ ，然后就可以 $O(1)$ 转移得到 ans_{i+1} 的答案了。

F 真实无妄她们的人生之路

idea from nqiiii

我们把题目写成生成函数的形式，第 i 件物品的多项式 $C_i = p_i x + 1 - p_i$ 。我们定义一个对于多项式的函数 s 为 $s(f) = \sum_{i=0}^{n-1} (f \text{的 } x^i \text{ 次项的系数}) \times a_i$ ，那么如果KnightHart拿走了第 i 件物品，那么答案就是 $s(\prod_{j=1, j \neq i}^n C_j)$ 。我们假设 $F = \prod_{i=1}^n C_i$ ，那么我们就是要求对于 $1 \leq i \leq n$ 求 $s(\frac{F}{C_i})$ 。

如果 a, b 是两个多项式， c 是一个常数，那么 $s(a + b) = s(a) + s(b)$ ， $s(ca) = c \times s(a)$ 。那么我们就可以用这个性质来求解这道题。

如果 $p_i = 1$, 那么答案很好求, 之后我们假设 $p_i \neq 1$, 那么 $s(\frac{F}{C_i}) = \frac{1}{1-p_i} s(\frac{F}{\frac{p_i}{1-p_i}x+1})$, 又因为

$\frac{A}{B} = \sum_{i=0}^{\infty} A(1-B)^i$, 那么 $s(\frac{F}{C_i}) = \frac{1}{1-p_i} s(\sum_{j=0}^{\infty} F \times (-\frac{p_i}{1-p_i}x)^j) = \frac{1}{1-p_i} (\sum_{j=0}^{\infty} (-\frac{p_i}{1-p_i})^j s(F \times x^j))$ 。如果我们把 $s(F \times x^j)$ 看作多项式第 j 项的系数, 那么答案可以看作把 $-\frac{p_i}{1-p_i}$ 代入这个多项式之后的值再乘上 $\frac{1}{1-p_i}$ 。那么我们就需要对每一个 j 求 $S(F \times x^j)$, 然后最后再跑一个多点求值。

容易发现当 $j \geq n$ 时 $s(F \times x^j) = 0$, 否则 $s(F \times x^j) = \sum_{k=j}^{n-1} (F \text{的 } x^{k-j} \text{项的系数}) \times a_k$ 。显然这也可以用一个FFT解决。